

## 注 意

問題の文中の ア , イウ などには、特に指示のないかぎり、数値または符号（－）が入る。これらを次の方法で解答用紙の指定欄にマークせよ。

- (1) ア, イ, ウ, …の一つ一つは、それぞれ0から9までの数字、または－の符号のいずれか一つに対応する。それらをア, イ, ウ, …で示された解答欄にマークする。

〔例〕 アイ に－8と答えたいとき

ア	<input checked="" type="radio"/>	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
イ	<input type="radio"/>	0	1	2	3	4	5	6	7	<input checked="" type="radio"/>	9

- (2) 分数形で解答する場合は、既約分数（それ以上約分できない分数）で答える。分数の符号は分子につけ、分母につけてはならない。

〔例〕  $\frac{\text{ウエ}}{\text{オ}}$  に  $-\frac{4}{5}$  と答えたいとき

ウ	<input checked="" type="radio"/>	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
エ	<input type="radio"/>	0	1	2	3	<input checked="" type="radio"/>	5	6	7	8	9
オ	<input type="radio"/>	0	1	2	3	4	<input checked="" type="radio"/>	6	7	8	9

- (3) 根号を含む形で解答する場合は、根号の中に現れる自然数が最小となる形で答える。

例えば、 $\sqrt{\text{カキ}}$  に  $4\sqrt{2}$  と答えるところを、 $2\sqrt{8}$  のように答えてはならない。

- (4) 根号を含む分数形で解答する場合は、例えば  $\frac{\text{ク} + \text{ケ}}{\text{サ}} \sqrt{\text{コ}}$

に  $\frac{3 + 2\sqrt{2}}{2}$  と答えるところを、 $\frac{6 + 4\sqrt{2}}{4}$  や  $\frac{6 + 2\sqrt{8}}{4}$  のように答えてはならない。

- (5) 選択肢から一つを選んで、番号を答える場合もある。

- I (1)  $k$  を定数とする。座標平面上において、円  $C: x^2 + y^2 - 2x - 6y + 6 = 0$  と直線  $l: y = -x + k$  がある。円  $C$  と直線  $l$  が異なる 2 点で交わる時、 $k$  のとりうる値の範囲は

$$\boxed{\text{ア}} - \boxed{\text{イ}} \sqrt{\boxed{\text{ウ}}} < k < \boxed{\text{エ}} + \boxed{\text{オ}} \sqrt{\boxed{\text{カ}}}$$

である。また、直線  $l$  が円  $C$  によって切り取られてできる線分の長さが  $2\sqrt{2}$  となる  $k$  の値は 2 つあり、小さい順に  $\boxed{\text{キ}}$  ,  $\boxed{\text{ク}}$  である。円  $C$  に内接する長方形のうち、一辺の長さが  $2\sqrt{2}$  となる長方形の面積は  $\boxed{\text{ケ}}$  である。

- (2) 2006 より大きく 2025 より小さい数のうち、11 を分母とする既約分数は全部で  $\boxed{\text{コサシ}}$  個あり、それらの総和は  $\boxed{\text{スセソタチツ}}$  である。

- (3) 円に内接する四角形 ABCD において、 $AB = 2$ ,  $BC = 3$ ,  $CD = 4$ ,

$DA = 5$  とする。 $\cos \angle BAD = \frac{\boxed{\text{テ}}}{\boxed{\text{トナ}}}$  であり、四角形 ABCD の面積は

$\boxed{\text{ニ}} \sqrt{\boxed{\text{ヌネ}}}$  である。

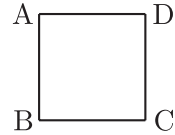
(計 算 用 紙)

II 袋の中に赤と緑と青のさいころが1つずつ入っている。どのさいころも正六面体であり、各面が出る確率は $\frac{1}{6}$ である。それぞれのさいころの各面には以下のように数字が1つずつ書かれている。

赤：0, 0, 0, 0, 3, 4

緑：0, 0, 0, 2, 2, 3

青：0, 0, 1, 1, 1, 2



以下の①, ②を合わせて1回の試行とし、これを繰り返す。

① 袋からさいころを1つ取り出し、1回投げて出た面に書かれた数 $n$ を記録し、さいころを袋に戻す。

② 上図の正方形ABCDのいずれかの頂点にあるコマを反時計回りに隣の頂点に $n$ 回動かす。ただし $n=0$ の場合はコマを動かさない。

1つのコマを頂点Aに置いて、1回目の試行を開始する。

(1) 1回目の試行後にコマが頂点Aにいる確率は $\frac{\text{ア}}{\text{イ}}$ であり、頂点Bにいる確率は $\frac{\text{ウ}}{\text{エ}}$ であり、頂点Cにいる確率は $\frac{\text{オ}}{\text{カ}}$ である。

(2) 1回目の試行後のコマの位置から2回目の試行を行う。

(i) 1回目、2回目どちらの試行においても、赤のさいころが取り出され、かつ2回目の試行後にコマが頂点Aにいる確率は $\frac{\text{キク}}{\text{ケコサ}}$ である。

(ii) 2回の試行で少なくとも1回は赤のさいころが取り出され、かつ2回目の試行後にコマが頂点Aにいる確率は $\frac{\text{シ}}{\text{ス}}$ である。

(iii) 1回目、2回目どちらの試行においても、緑または青のさいころが取り出され、かつ2回目の試行後にコマが頂点Aにいる確率は $\frac{\text{セソ}}{\text{タチ}}$ である。

(計 算 用 紙)

III 座標平面上の点  $A(0,0)$ ,  $B(4,0)$  と、第1象限内の点  $C$  を頂点とする  $\triangle ABC$  と、 $\triangle ABC$  の内部の点  $P$  について考える。直線  $AP$  が辺  $BC$  と交わる点を  $D$  とし、直線  $BP$  が辺  $CA$  と交わる点を  $E$  とし、直線  $CP$  が辺  $AB$  と交わる点を  $F$  とする。

(1)  $P$  が  $\triangle ABC$  の重心であるとき、

(i)  $\triangle ABC$  の周の長さは、 $\triangle DEF$  の周の長さの  $\boxed{\text{ア}}$  倍である。

(ii)  $\triangle ABC$  の面積は、 $\triangle DEF$  の面積の  $\boxed{\text{イ}}$  倍である。

(2)  $AC = 2$ ,  $BC = 3$  とする。 $P$  が  $\triangle ABC$  の内心であるとき、

(i)  $C$  の  $x$  座標は  $\frac{\boxed{\text{ウエ}}}{\boxed{\text{オ}}}$  である。

(ii)  $E$  の  $x$  座標は  $\frac{\boxed{\text{カキ}}}{\boxed{\text{クケ}}}$  であり、 $AE = \frac{\boxed{\text{コ}}}{\boxed{\text{サ}}}$  である。

(iii)  $P$  の  $x$  座標は  $\frac{\boxed{\text{シ}}}{\boxed{\text{ス}}}$  である。

(iv)  $D$  の  $x$  座標は  $\frac{\boxed{\text{セ}}}{\boxed{\text{ソ}}}$  であり、 $F$  の  $x$  座標は  $\frac{\boxed{\text{タ}}}{\boxed{\text{チ}}}$  である。

(v)  $\triangle ABC$  の面積は、 $\triangle DEF$  の面積の  $\frac{\boxed{\text{ツテ}}}{\boxed{\text{ト}}}$  倍である。

(計 算 用 紙)