

近大入試攻略【数学I・A】

サンプル問題

近畿大学看護学部（仮称）を目指す受験生のみなさまへ

近畿大学看護学部（仮称）の独自入試では、受験科目で数学を選択することができます。出題範囲は、「数学I・数学A」を予定しています。

数学との選択科目については、推薦入試（一般公募）では国語、一般入試・前期（A日程）、（B日程）と一般入試・後期では理科になります。

国語の出題範囲は、「現代の国語、言語文化、論理国語（いずれも古文、漢文を除く）」、理科については「化学基礎・化学」「生物基礎・生物」を予定しています。（P.5 参照）

国語と理科については、近畿大学の過去に出題した試験問題を参考にしてください。本学のホームページで過去問題集を請求することができます。（P.13 参照）

数学については、これまでの近畿大学の数学の出題において、「数学I・数学A」のみの試験問題を出題したことがない、過去問題がありません。
そのため、サンプル問題を提供します。（P.8～12 参照）

試験時間は60分、配点は100点満点で行われますが、今回提供しているサンプル問題は、50点の配点（大問I：15点 大問II：35点）で作成しております。

大問数や配点などは異なりますが、マークシート方式などの出題形式や解答方法などは参考にしてください。

また、各問題の解答と配点につきましても、あわせて提供していますので、参考にしてください。

選択科目間の問題難易差における不公平をなくすため、「中央値補正法」により選択科目ごとに得点調整を行っています。（P.10 参照）

[数学 サンプル問題]

I

- (1) 不等式 $|4x - 3| > 2$ の解は, $x < \frac{\boxed{\begin{array}{c} \text{ア} \\ \text{イ} \end{array}}}{\boxed{\begin{array}{c} \text{エ} \\ \text{エ} \end{array}}}$, $\frac{\boxed{\begin{array}{c} \text{ウ} \\ \text{エ} \end{array}}}{\boxed{\begin{array}{c} \text{エ} \\ \text{エ} \end{array}}} < x$ であり,

連立不等式 $\begin{cases} |4x - 3| > 2 \\ 4x - 1 < 6 < 4x + 3 \end{cases}$ の解は, $\frac{\boxed{\begin{array}{c} \text{オ} \\ \text{カ} \end{array}}}{\boxed{\begin{array}{c} \text{カ} \\ \text{カ} \end{array}}} < x < \frac{\boxed{\begin{array}{c} \text{キ} \\ \text{ク} \end{array}}}{\boxed{\begin{array}{c} \text{ク} \\ \text{ク} \end{array}}}$ である。

- (2) a を実数として, 2 次関数 $f(x) = x^2 - 2(a-1)x + 2a^2 - 8a - 8$ がある。 $y = f(x)$ のグラフが x 軸の正の部分と負の部分それぞれと共に点をもつとき, a のとりうる値の範囲は, $\boxed{\begin{array}{c} \text{ケ} \end{array}} - \boxed{\begin{array}{c} \text{コ} \end{array}} \sqrt{\boxed{\begin{array}{c} \text{サ} \end{array}}} < a < \boxed{\begin{array}{c} \text{シ} \end{array}} + \boxed{\begin{array}{c} \text{ス} \end{array}} \sqrt{\boxed{\begin{array}{c} \text{セ} \end{array}}}$ である。

- (3) 正八角形 ABCDEFGH の頂点から異なる 3 つの点を選んで, それらを頂点とする三角形をつくる。三角形は全部で $\boxed{\begin{array}{c} \text{ソタ} \end{array}}$ 個できる。その中に, 正八角形と辺を共有しない三角形は, 全部で $\boxed{\begin{array}{c} \text{チツ} \end{array}}$ 個ある。

II AB=2, BC=3 $\sqrt{2}$, CA= $\sqrt{6}$ の△ABC がある。

(1) $\cos \angle BAC = -\frac{\sqrt{\boxed{\text{ア}}}}{\boxed{\text{イ}}}$ である。また、△ABC の面積は $\sqrt{\boxed{\text{ウ}}}$ である。

(2) △ABC の外接円の半径は $\frac{\boxed{\text{エ}}\sqrt{\boxed{\text{オ}}}}{\boxed{\text{カ}}}$ である。また、 $\sin \angle ABC = \frac{\boxed{\text{キ}}}{\boxed{\text{ク}}}$ であ

る。

(3) △ABC の外接円の点 A を含まない弧 BC 上に、 $\angle BAD = 45^\circ$ となるように点 D をと
る。このとき、 $BD = \boxed{\text{ケ}}\sqrt{\boxed{\text{コ}}}$ であり、 $CD = \boxed{\text{サ}} + \boxed{\text{シ}}\sqrt{\boxed{\text{ス}}}$ である。

また、線分 AD と BC の交点を E とするとき、 $BE:EC = \sqrt{\boxed{\text{セ}}} : (\boxed{\text{ソ}} + \sqrt{\boxed{\text{タ}}})$

であり、 $AE = \frac{\boxed{\text{チ}} - \boxed{\text{ツ}}\sqrt{\boxed{\text{テ}}}}{\boxed{\text{ト}}}$ である。

[数学 サンプル問題の解答と配点]

I

解答番号	ア	イ	ウ	エ	オ	カ	キ	ク	ケ	コ	サ	シ	ス	セ	ソ	タ	チ	ツ
正解	1	4	5	4	5	4	7	4	2	2	2	2	2	2	5	6	1	6
配点		3					3					3		3		3		3

II

解答番号	ア	イ	ウ	エ	オ	カ	キ	ク	ケ	コ	サ	シ	ス	セ	ソ	タ	チ	ツ	テ	ト
正解	6	3	2	3	6	2	1	3	3	3	3	3	2	2	1	2	8	2	2	7
配点		4		4			4		4		4		4		6		5			

中央値補正法

本学の独自入試では、選択科目間の問題難易差による不公平をなくすため、「中央値補正法」により試験日・学部・選択科目ごとに得点調整を行っています。また、合否判定については、試験日ごとに行います。

「中央値補正法」とは、各科目の真ん中の順位の人の点数を50点に置き換え、他の方の点数を調整する方法です。1001人受験した場合は、真ん中の501番目の人の点数が50点に置き換えられます。

席次	素点		補正点		
	国語 100点	数学 100点		国語 100点	数学 100点
1	100	100	100	100	100
2	95	70	91.7	72.7	
3	85	60	75.0	63.6	
4	80	55	66.7	59.1	
5	75	50	58.3	54.5	
6	70	45	50	50	
7	65	40	46.4	44.4	
8	60	35	42.9	38.9	
9	55	30	39.3	33.3	
10	50	25	35.7	27.8	
11	0	0	0	0	
平均点	66.8	46.4	55.1	49.5	

数式に当てはめると上の表のような補正点が出ます。

平均点を見れば、選択科目による有利不利が少なくなったことが分かります。

中央値補正法の計算式

① 素点 < 中央値の時

$$\frac{\text{満点の半分の点数}}{\text{中央値}} \times \text{素点}$$

② 素点 ≥ 中央値の時

$$\frac{\text{満点の半分の点数}}{\text{満点}-\text{中央値}} \times (\text{素点}-\text{中央値}) + (\text{満点の半分の点数})$$

上の表は「国語」が簡単で、「数学」が難しい例です。ここで選択問題によって有利不利にならないよう、「中央値補正法」で得点を再計算します。成績順の中央に位置する席次6番目の生徒が50点です。100点と0点は素点のままです。他は、上の数式をあてはめ、補正点を算出します。

[数学 サンプル問題 解答解説]

I

(1) $|4x - 3| > 2$

$$4x - 3 < -2, \quad 2 < 4x - 3$$

$$\text{よって, } x < \frac{1}{4}, \quad \frac{5}{4} < x \dots\dots \textcircled{1}$$

$$4x - 1 < 6 < 4x + 3$$

$$3 < 4x < 7$$

$$\text{よって, } \frac{3}{4} < x < \frac{7}{4} \dots\dots \textcircled{2}$$

①, ②の共通範囲は,

$$\frac{5}{4} < x < \frac{7}{4}$$

(2) $y = f(x)$ のグラフが x 軸の正の部分と負の部分で交わるための条件は, $f(0) < 0$

$$2a^2 - 8a - 8 < 0$$

$$a^2 - 4a - 4 < 0$$

$$\text{よって, } 2 - 2\sqrt{2} < a < 2 + 2\sqrt{2}$$

(3) 正八角形の 3 つの頂点を結んでできる三角形は, ${}_8C_3 = \frac{8 \cdot 7 \cdot 6}{3 \cdot 2 \cdot 1} = 56$ (個)

そのうち, 正八角形と 1 辺だけを共有する三角形は, $8 \times 4 = 32$ (個)

正八角形と 2 辺を共有する三角形は, 8 個

よって, 正八角形と辺を共有しない三角形は, $56 - (32 + 8) = 16$ (個)

II

$$(1) \cos \angle BAC = \frac{(\sqrt{6})^2 + 2^2 - (3\sqrt{2})^2}{2 \cdot \sqrt{6} \cdot 2} = -\frac{\sqrt{6}}{3}$$

$0^\circ < \angle BAC < 180^\circ$ より, $\sin \angle BAC > 0$

$$\sin \angle BAC = \sqrt{1 - \left(-\frac{\sqrt{6}}{3}\right)^2} = \frac{\sqrt{3}}{3}$$

$$\triangle ABC = \frac{1}{2} \cdot \sqrt{6} \cdot 2 \sin \angle BAC = \frac{1}{2} \cdot \sqrt{6} \cdot 2 \cdot \frac{\sqrt{3}}{3} = \sqrt{2}$$

(2) $\triangle ABC$ の外接円の半径を R とする。

$$\frac{BC}{\sin \angle BAC} = 2R \text{ より, } \frac{\frac{3\sqrt{2}}{\sqrt{3}}}{3} = 2R \quad R = \frac{3\sqrt{6}}{2}$$

$$\frac{AC}{\sin \angle ABC} = 2R \text{ より, } \sin \angle ABC = \frac{1}{2} \cdot \frac{2}{3\sqrt{6}} \cdot \sqrt{6} = \frac{1}{3}$$

$$(3) \frac{BD}{\sin 45^\circ} = 2R \text{ より, } BD = 2 \cdot \frac{3\sqrt{6}}{2} \cdot \frac{1}{\sqrt{2}} = 3\sqrt{3}$$

$\angle BAD = \angle BCD = 45^\circ$ であり, $CD = x$ とすると,

$$(3\sqrt{3})^2 = (3\sqrt{2})^2 + x^2 - 2 \cdot 3\sqrt{2} \cdot x \cdot \frac{1}{\sqrt{2}}$$

$$x^2 - 6x - 9 = 0 \quad \text{すなわち, } x = 3 \pm 3\sqrt{2}$$

よって, $CD = 3 + 3\sqrt{2}$

$$\triangle ABD = \frac{1}{2} \cdot AB \cdot AD \sin 45^\circ = \frac{1}{2} \cdot 2 \cdot AD \cdot \frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{2} AD$$

$$\angle ADC = \angle ABC \text{ より, } \sin \angle ADC = \sin \angle ABC = \frac{1}{3}$$

$$\triangle ACD = \frac{1}{2} \cdot AD \cdot CD \sin \angle ADC = \frac{1}{2} \cdot AD \cdot (3 + 3\sqrt{2}) \cdot \frac{1}{3} = \frac{1 + \sqrt{2}}{2} AD$$

よって, $BE : EC = \triangle ABD : \triangle ACD$

$$= \frac{\sqrt{2}}{2} AD : \frac{1 + \sqrt{2}}{2} AD = \sqrt{2} : (1 + \sqrt{2})$$

$$\triangle ABE = \frac{\sqrt{2}}{1 + 2\sqrt{2}} \triangle ABC = \frac{\sqrt{2}}{1 + 2\sqrt{2}} \cdot \sqrt{2} = \frac{2}{1 + 2\sqrt{2}}$$

$$\triangle ABE = \frac{1}{2} \cdot 2 \cdot AE \sin 45^\circ = \frac{\sqrt{2}}{2} AE$$

$$\text{したがって, } \frac{\sqrt{2}}{2} AE = \frac{2}{1 + 2\sqrt{2}}$$

$$AE = \frac{2\sqrt{2}}{1 + 2\sqrt{2}} = \frac{2\sqrt{2}(2\sqrt{2} - 1)}{(2\sqrt{2} + 1)(2\sqrt{2} - 1)} = \frac{8 - 2\sqrt{2}}{7}$$